Nom:
Prénom:
Groupe:
MK1 "Calcul formel" Maple
Partiel
Durée : 55 minutes
Documents autorisés : feuilles de TPs et corrections, résumés de cours personnels - Matériel interdit : livres, téléphones portables, documents informatiques,
Rappel des commandes pour claviers Mac : pour { : Alt ( pour [ : Alt Shift ( pour } : Alt ) pour ] : Alt Shift )
Une attention particulière sera apportée à la syntaxe de Maple et à la rédaction!
Pour les exercices 1 et 2, donnez uniquement les <i>commandes</i> Maple qui permettent de répondre aux questions.
Exercice 1  Commencer par charger la librairie <i>numtheory</i> par la commande suivante :  > with(numtheory);  1) En consultant l'aide sur la librairie <i>numtheory</i> , trouver la commande qui permet de calculer les diviseurs d'un nombre entier et l'utiliser pour déterminer les diviseurs de $n = 4568742320$ .
2) Compter combien <i>n</i> a de diviseurs (en utilisant Maple).
3) Déterminer les diviseurs communs à <i>n</i> et 154400.

Γ

## **Exercice 2**

Soit la suite récurrente d'ordre 1 définie par

$$u_1 = 2$$

$$u_{n+1} = \frac{u_n}{2} + \frac{1}{u_n} \text{ pour } 2 \le n$$

1) Définir cette suite dans une procédure qui prend en entrée n. Cette procédure devra retourner un message d'erreur si  $n \le 0$ .

2) Afficher les valeurs approchées des 10 premières valeurs de la suite. Que constatez-vous ?

L'exercice 3 est à résoudre avec Maple. Lorsque vous effectuez des calculs qui permettent de répondre aux questions, donnez les *commandes* Maple correspondantes. Pour certaines questions, on demande des *explications* ou des *raisonnements mathématiques*. La rédaction sera prise en compte.

## Exercice 3

Soit f la fonction qui à x (réel) associe  $\frac{(x^2-x-6)^2-x+3}{x^2-4x+3}$ . Soit C la courbe représentative de f.

1) Définir f.

Déterminer le domaine Df où f est continue.

Vérifier que f est continue sur Df.

2) Calculer les limites de f aux bornes des intervalles qui composent Df.
La courbe $C$ admet-elle une asymptote ? Si oui, précisez laquelle.
3) La fonction $f$ est-elle prolongable par continuité ? Si oui, précisez ce prolongement.
Simplifier l'expression de $f(x)$ . Pouviez-vous prévoir un prolongement par continuité ?
4) En utilisant la commande $D$ , calculer la fonction dérivée de $f$ et l'appeler $g$ .
Déterminer (de façon exacte) son unique racine réelle et l'appeler a.
Etudier le signe de $g$ .
En déduire les variations de $f$ .

5) Déterminer l'unique zéro réel $z \operatorname{de} f$ .
Donner l'équation de la tangente $T$ à la courbe $C$ au point $(z, 0)$ .
6) Tracer sur un même graphe la courbe $\it C$ et la droite $\it T$ en choisissant de bons intervalles d'affichage en abscisse et ordonnée.